

# CAPÍTULO 11

## Exercícios 11.7

8. Aqui a mudança de variável  $x = g(u)$ , com  $u = 1 + x^2$ , teria que ser  $x = \sqrt{u-1}$  ou  $x = -\sqrt{u-1}$ ,  $u \geq 1$ ; no primeiro caso, não existiria valor de  $u$  tal que  $g(u) = -1$  e, no segundo caso, não existiria valor de  $u$  tal que  $g(u) = 1$ .

## Exercícios 11.8

2. a)  $\int_1^x -3x dx = \frac{1}{2} mv^2 - \frac{1}{2} mv_0^2 = v^2$ , pois  $v_0 = v(0) = 0$ . Tendo em vista que

$$\int_1^x -3x dx = -\frac{3}{2}x^2 + \frac{3}{2}, \text{ resulta } \frac{3}{2}x^2 + v^2 = \frac{3}{2}.$$

b) Fazendo  $x = 0$  na equação anterior,  $|v| = \sqrt{\frac{3}{2}}$ .

c) O maior e o menor valor de  $x$  ocorrem para  $v = 0$ : o maior valor é  $x = 1$  e o menor  $x = -1$ .

d) O menor valor de  $|v|$  ocorrerá quando  $|x|$  for máximo, ou seja, para  $|x| = 1$  e, portanto, o menor valor de  $|v|$  é zero.

e) Deverá ser um movimento oscilatório entre as posições  $x = -1$  e  $x = 1$ .

9. Sendo  $x$  a distância da partícula à superfície da Terra, temos

$$\int_0^x -\frac{GMm}{(x+R)^2} dx = \frac{1}{2} mv^2 - \frac{1}{2} mv_0^2 \text{ e, portanto, } \frac{GM}{x+R} - \frac{GM}{R} = \frac{v^2}{2} - \frac{v_0^2}{2}.$$

Para que a partícula retorne deverá existir um instante em que  $v = 0$  e neste instante

deveremos ter  $\frac{GM}{x+R} = \frac{GM}{R} - \frac{v_0^2}{2}$ , sendo  $x$  o espaço percorrido até o instante em que

$v = 0$ . Se ocorrer  $\frac{GM}{R} = \frac{v_0^2}{2}$ , tal  $x$  não existirá. Assim,  $v_0 = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$  será a *velocidade de escape*, ou seja, a velocidade com que ela deverá ser lançada para que não retorne à Terra.